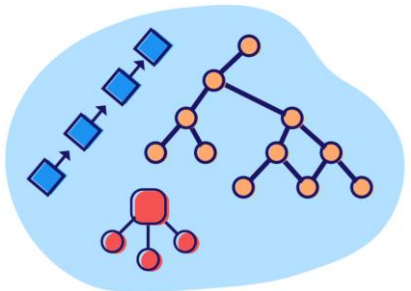


Algorithms & Data Structures (2)

Lecture-5: Trees (الأشجار)



Dr. Asmaa Shaar

فهرس المحاضرة

➤ مقدمة

➤ مفهوم بنية معطيات الشجرة

➤ تعاريف

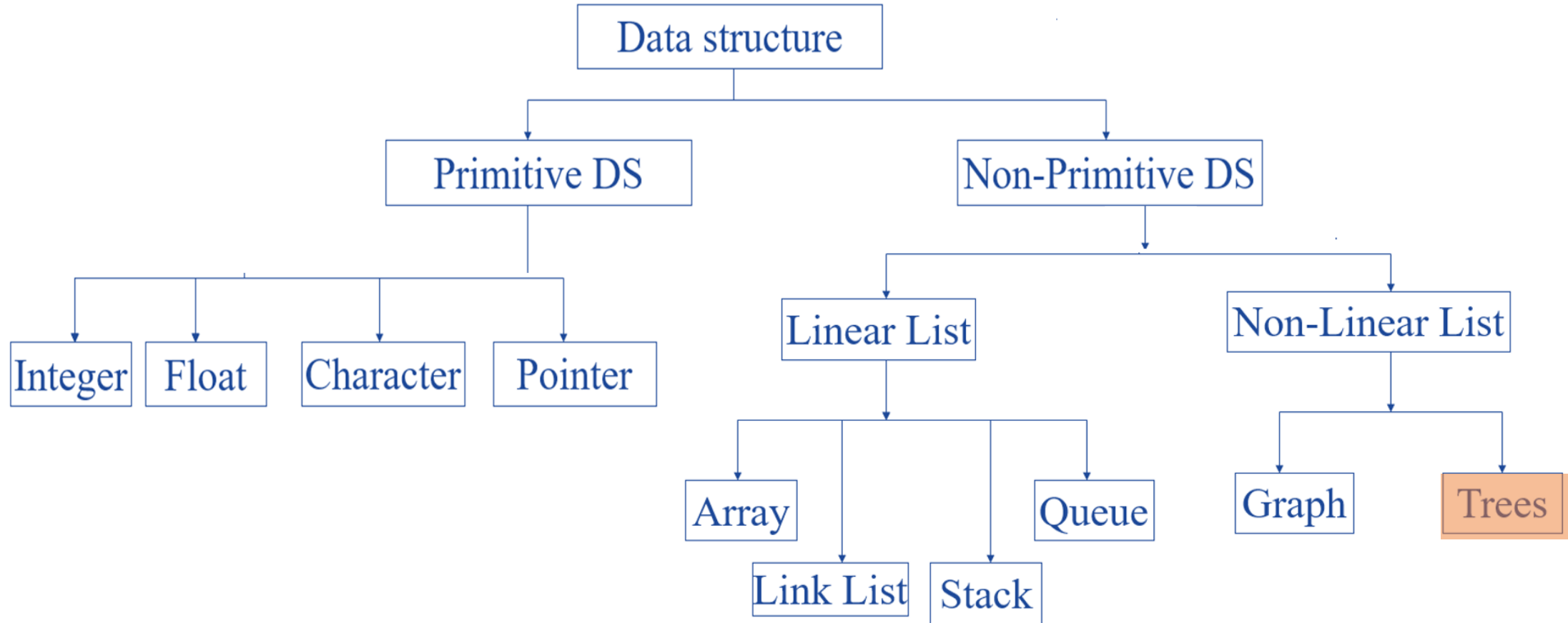
➤ تمثيل الأشجار

➤ باستخدام القوائم الخطية

➤ باستخدام القوائم المترابطة

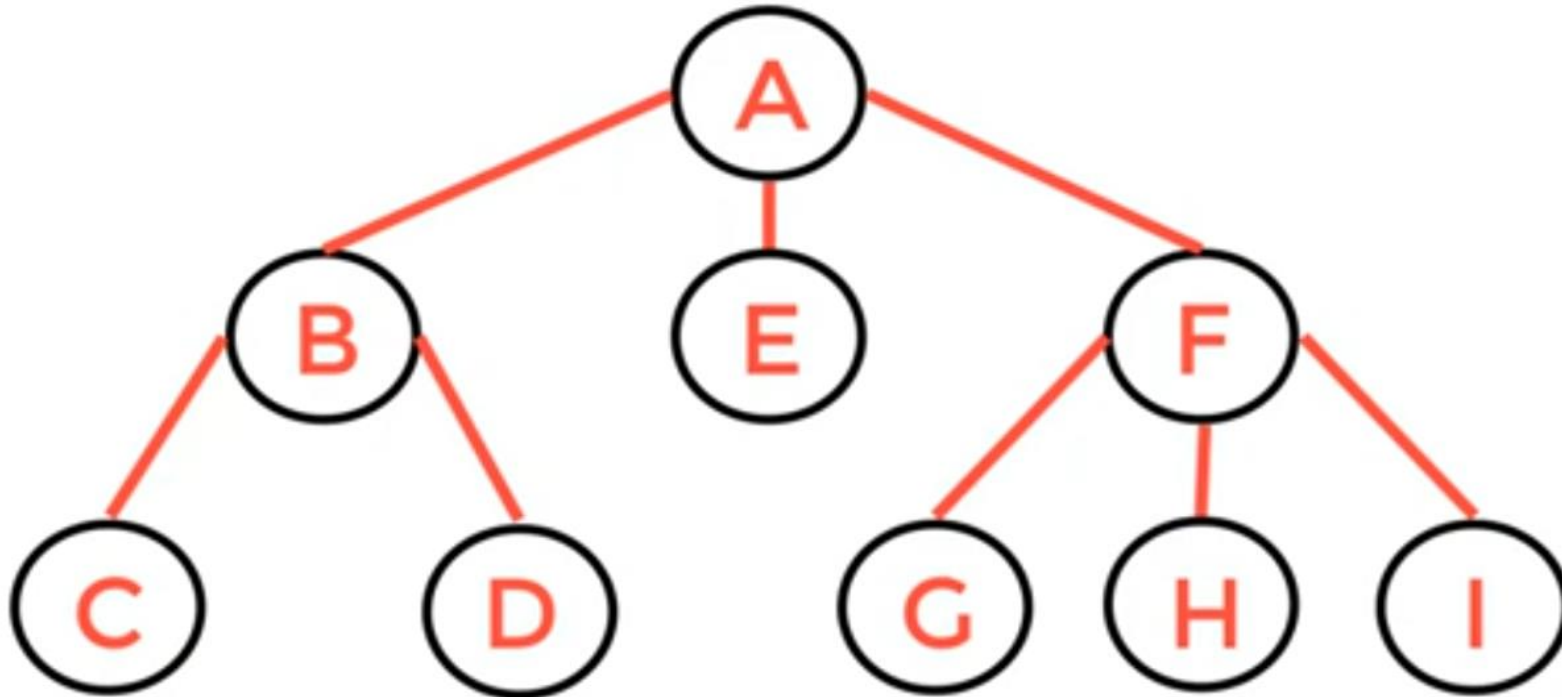
➤ تطبيقات الأشجار

مقدمة



مفهوم الشجرة

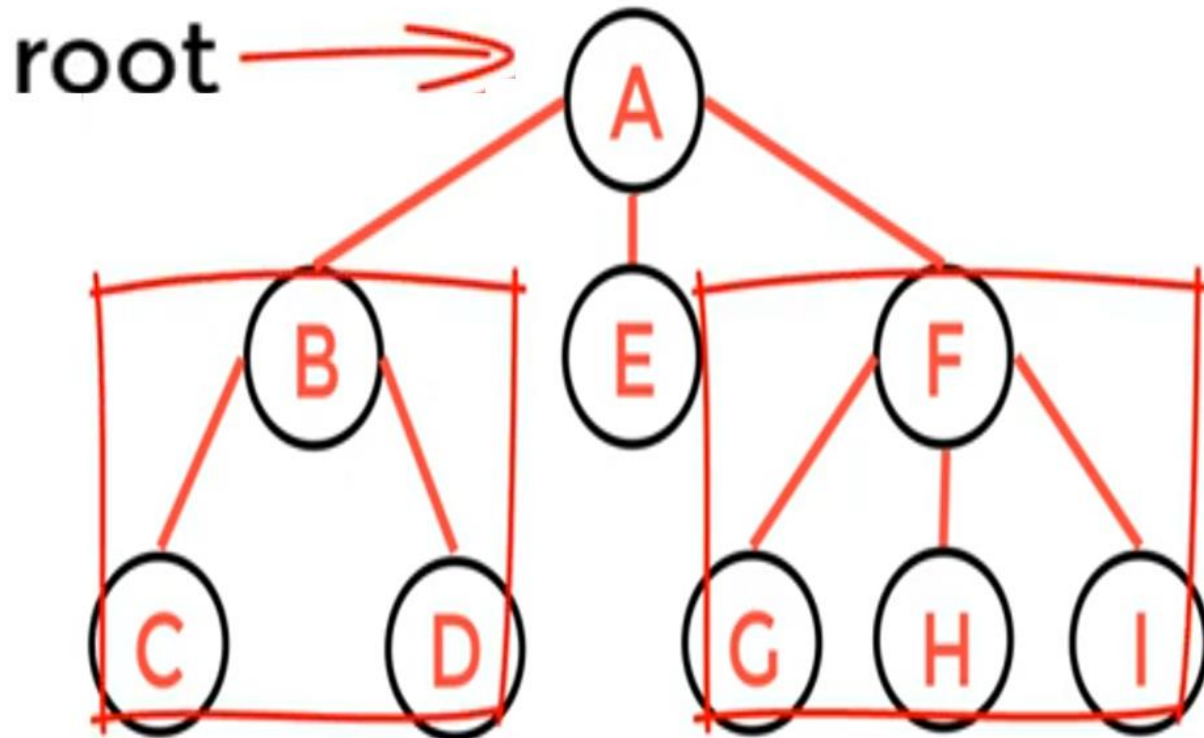
- مجموعة **منتھية** من عناصر البيانات (data elements) نسميها عقد (nodes) والتي بدورها:
 - مرتبطة مع بعضها البعض بروابط (Links or edges).
 - منظمة تنظيمياً **هرمياً** (Hierarchical)
- ✓ لا توجد علاقة ترتيب كلي بين عناصرها ولكن هناك علاقة ترتيب جزئي
- ✓ لا يوجد حلقات مغلقة وإلا أصبح لدينا بيان (الشجرة عبارة عن بيان مترابط للاحقي)



مفهوم الشجرة

■ توجد عقدة **مميزة و وحيدة** نسميها **الجذر root**.

■ يتم تجزئة بقية العقد لعدد من المجموعات المنفصلة $T_1, T_2, \dots, T_n$ بحيث تشكل كل مجموعة T_i شجرة تدعى بـ **الشجرة فرعية** (sub-tree) والتي بدورها تتألف من عقدة جذر وأشجار فرعية أخرى (مفهوم العودية).

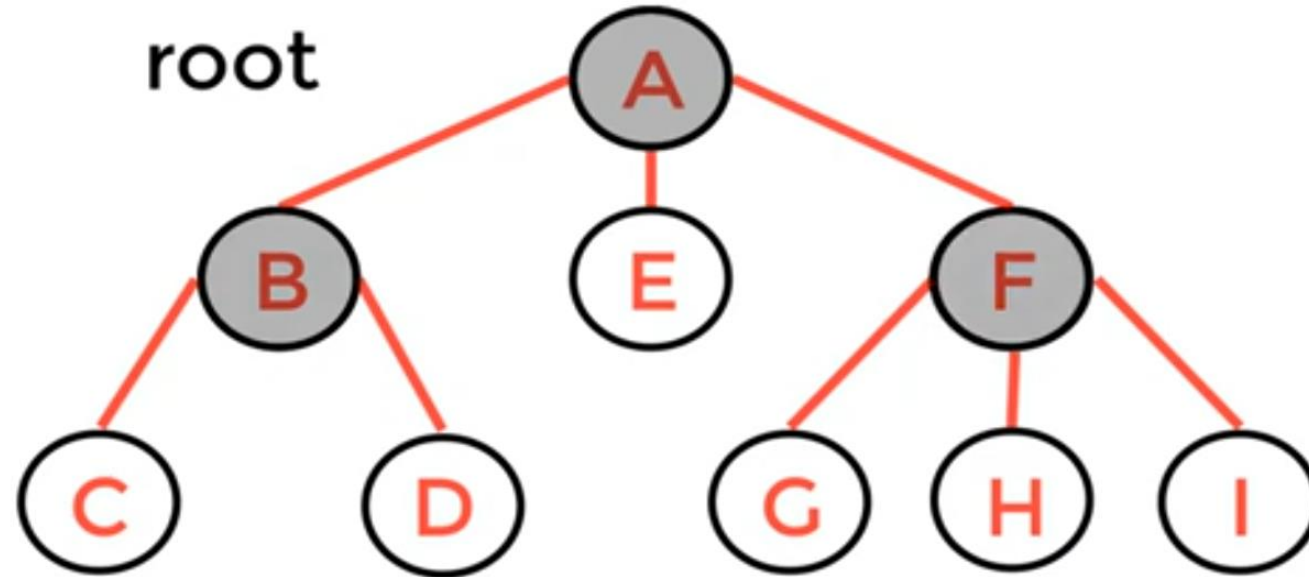


■ يمكن أن توجد بين العقد **العلاقات** التالية:

- أب (parent)
- ابن (child)
- أخ (sibling)
- سلف (ancestor)
- حفيد (Descendant).

تعريف

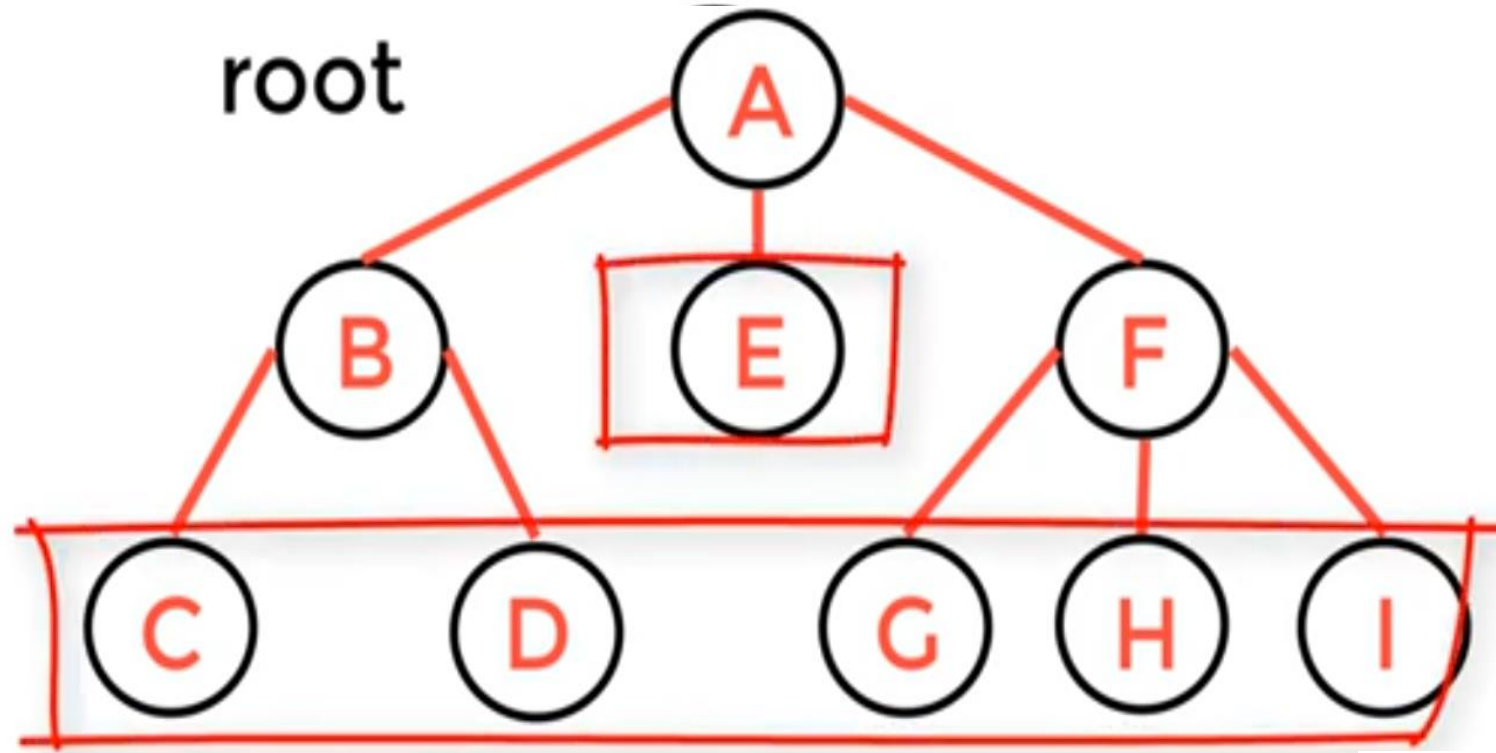
- إذا ارتبطت عقدة p بعقدة أخرى c من المستوى التالي، عندها تكون العقدة p **عقدة أب** (Parent node) لتلك للعقدة c .
- إذا ارتبطت عقدة c بعقدة أخرى p من المستوى السابق، عندها تكون العقدة c **عقدة أبن** (child node) للعقدة p .
- كل العقد في الشجرة **عقد أبناء** إلا العقدة الجذر.



Parents : A,B,F
Children: B,E,F,C,D,G,H,I

تعريف

- تسمى كل عقدة لها عقدة ولد **واحدة على الأقل** ب **عقدة داخلية** (internal node).
- تسمى كل عقدة **ليس لها** أي عقد اولاد ب **عقدة ورقية** (leaf node) أو عقدة خارجية (external node).

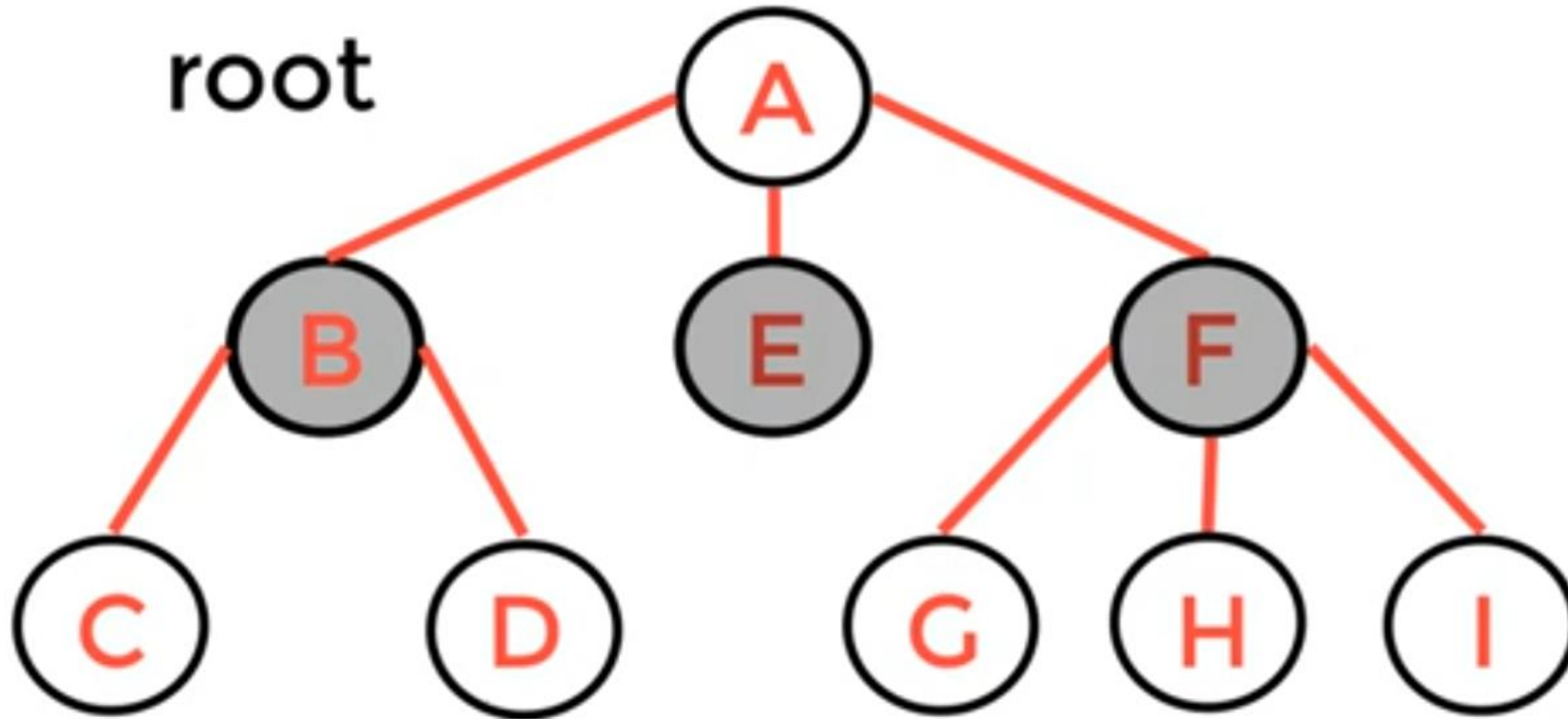


Leaves: **C,D,E,G,H,I**

Internal nodes: **B,F**

تعريف

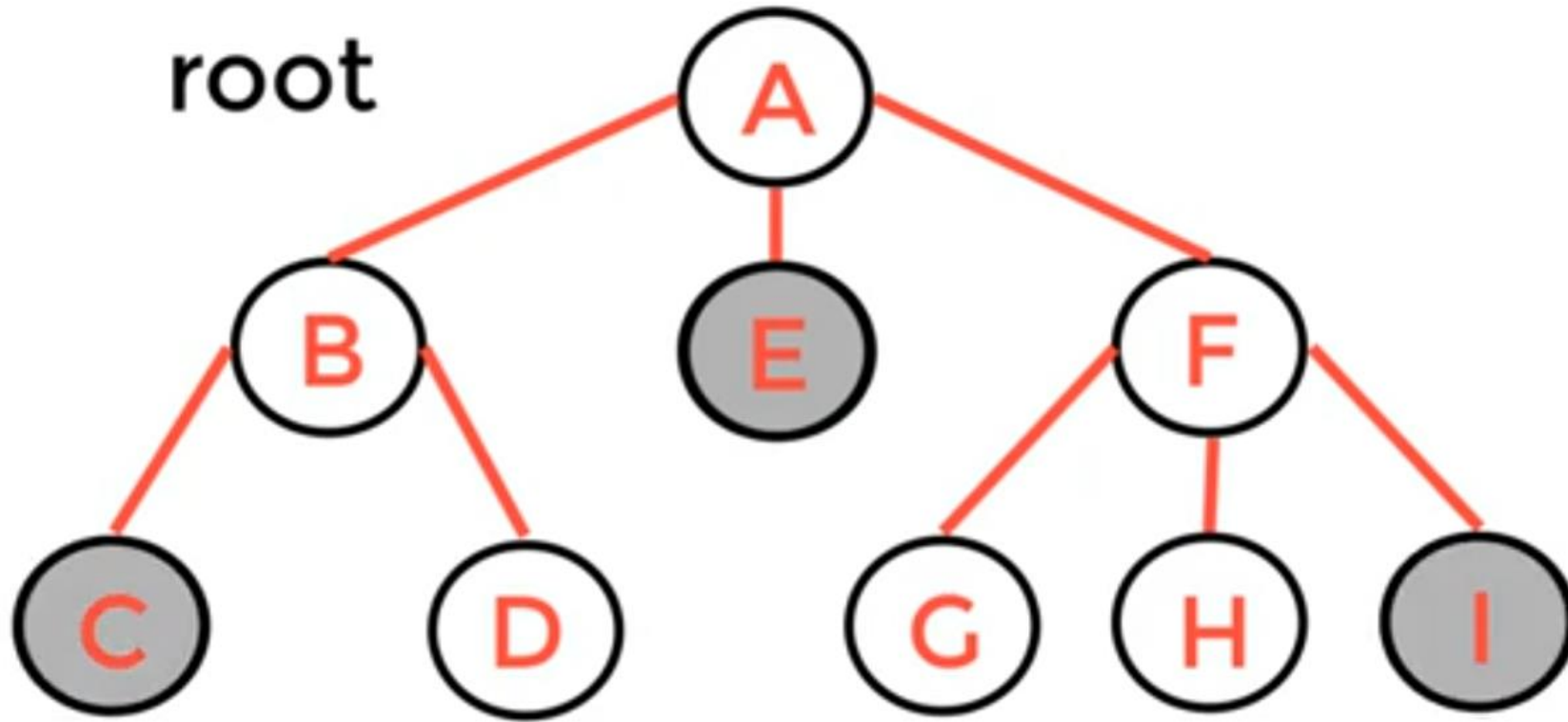
- نقول عن عدة عقد إنها أشقاء (siblings) إذا كان لها نفس الأب.



Siblings: $\{\{B, E, F\}, \{C, D\}, \{G, H, I\}\}$

تعريف

- نقول عن العقدة x إنها **سلف** لعقدة y ، إذا كانت x **أباً** لـ y ، أو كانت x **سلفاً لأب** y .
- نقول عن العقدة x إنها **حفيد** لعقدة y ، إذا كانت x **ابناً** لـ y ، أو كانت x **حفيداً لابن** y .



Ancestor: C{A,B} E{A} I{A,F}

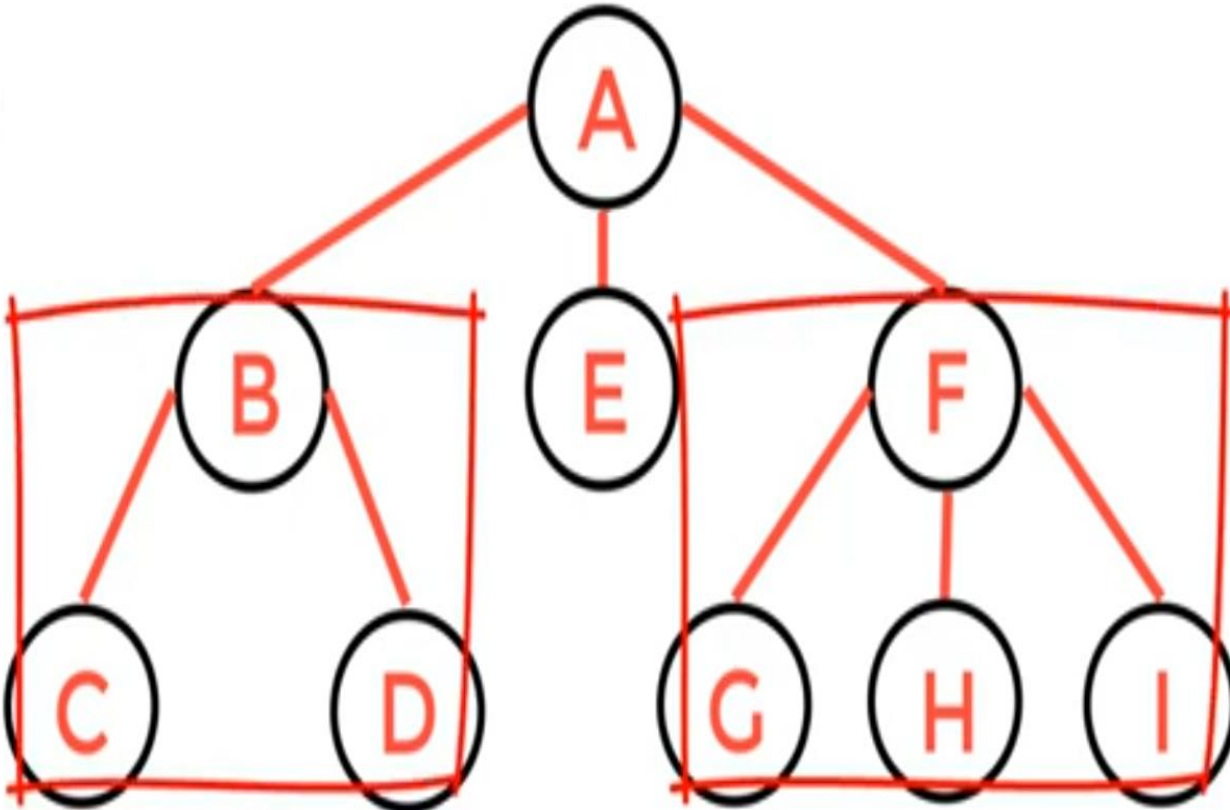
Descendant: B{C,D}

تعريف

- **حجم الشجرة** $Vol(T)$ هو عدد عقدها الكلي.
- يمكن تعريفه حسب التعريف العودي السابق لبنية معطيات الشجرة بالشكل التالي:

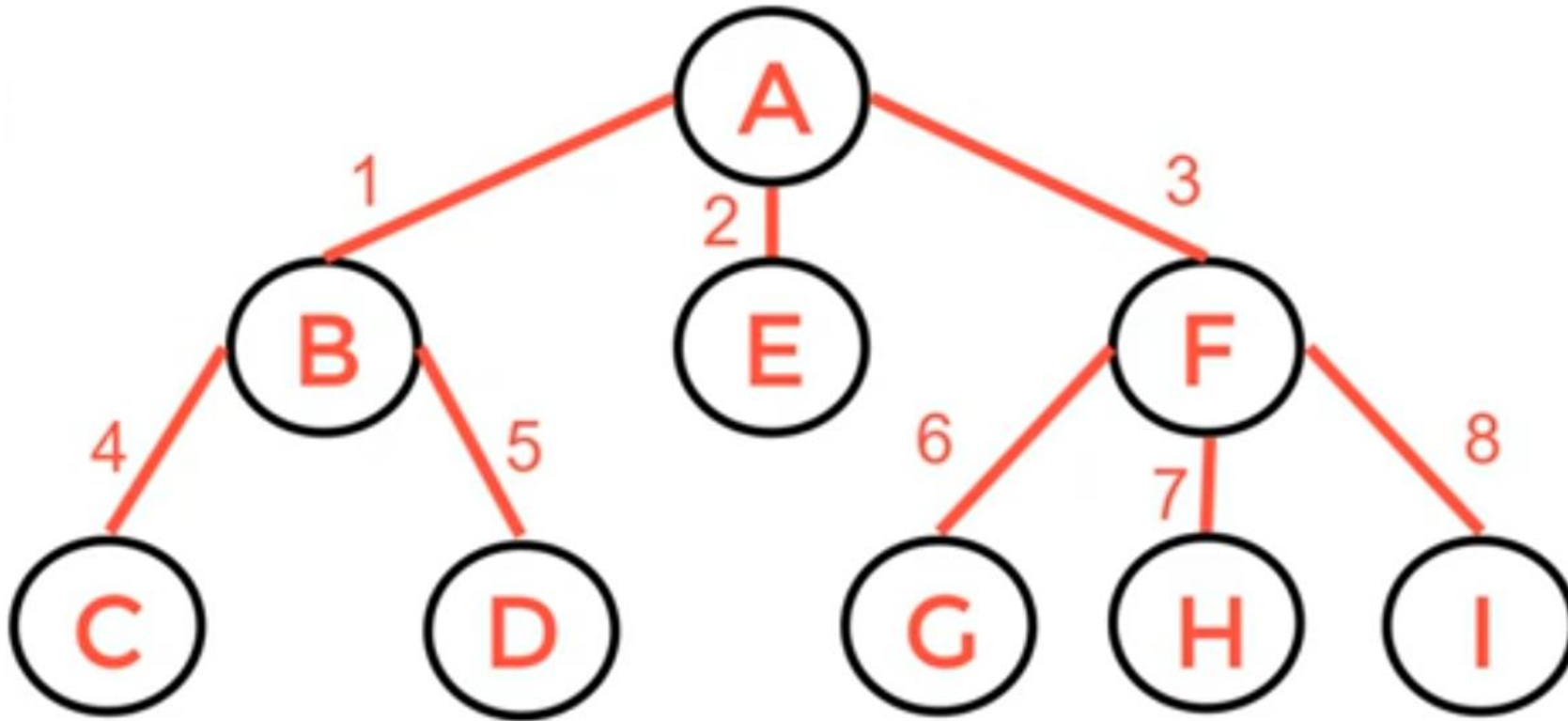
$$Vol(T) = 1 + \sum_{i=1}^n Vol(T_i)$$

حيث T_i الأشجار الفرعية لعقدة الجذر.



تعريف

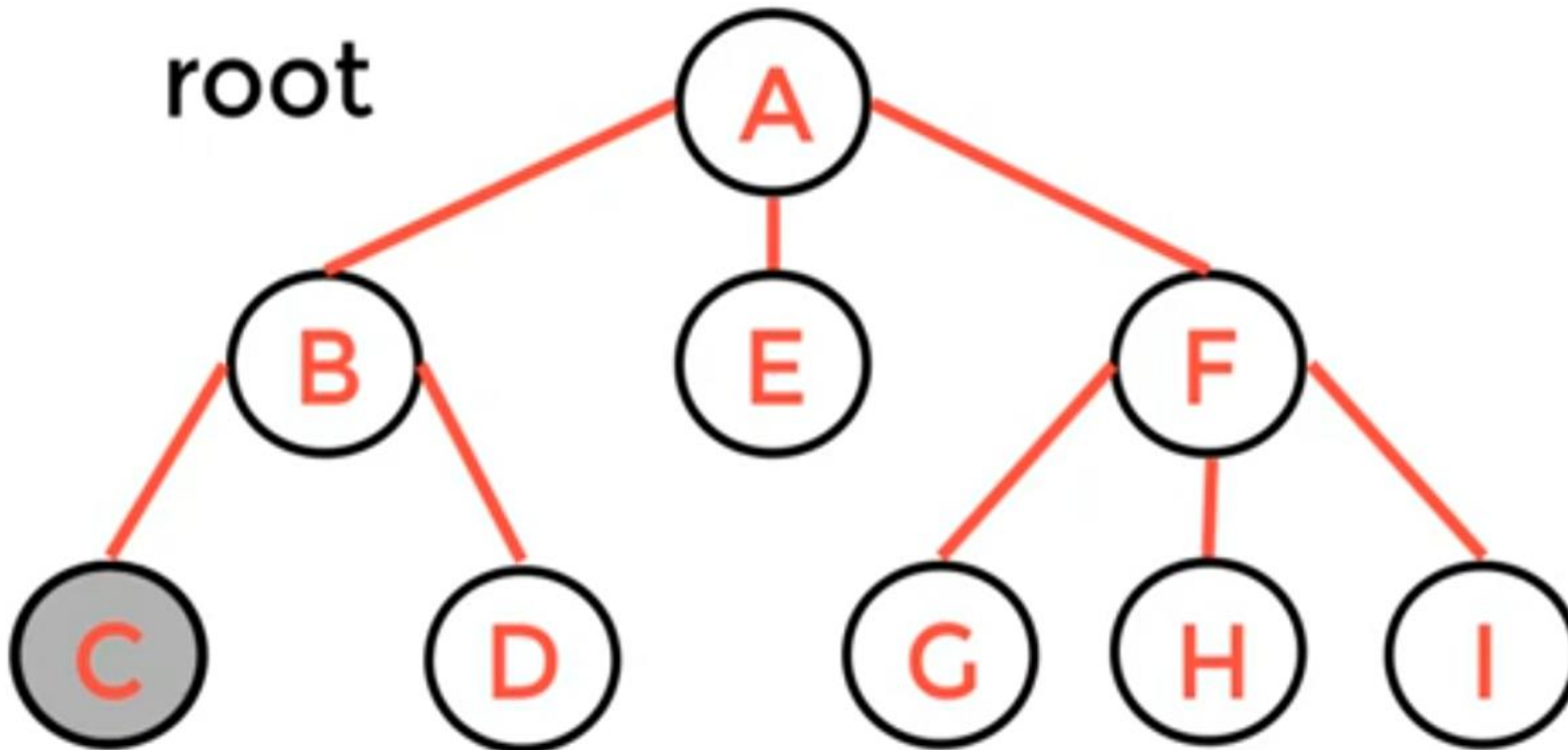
- عدد الأضلاع في الشجرة = عدد العقد - 1
- كل عقدة باستثناء **عقدة الجذر** تمتلك ضلع واحد قادم من العقدة الاب (incoming edge).



$$\text{Edges} = \text{\#Node} - 1$$

تعريف

- **الفرع (branch):** كل مسار يصل بين عقدة الجذر وإحدى العقد الورقية.
 - على سبيل المثال: {A,B,D}
- نعرف **عمق عقدة** $\text{depth}(x)$ على انه طول المسار (عدد الاضلاع) من العقدة الجذر للعقدة x .

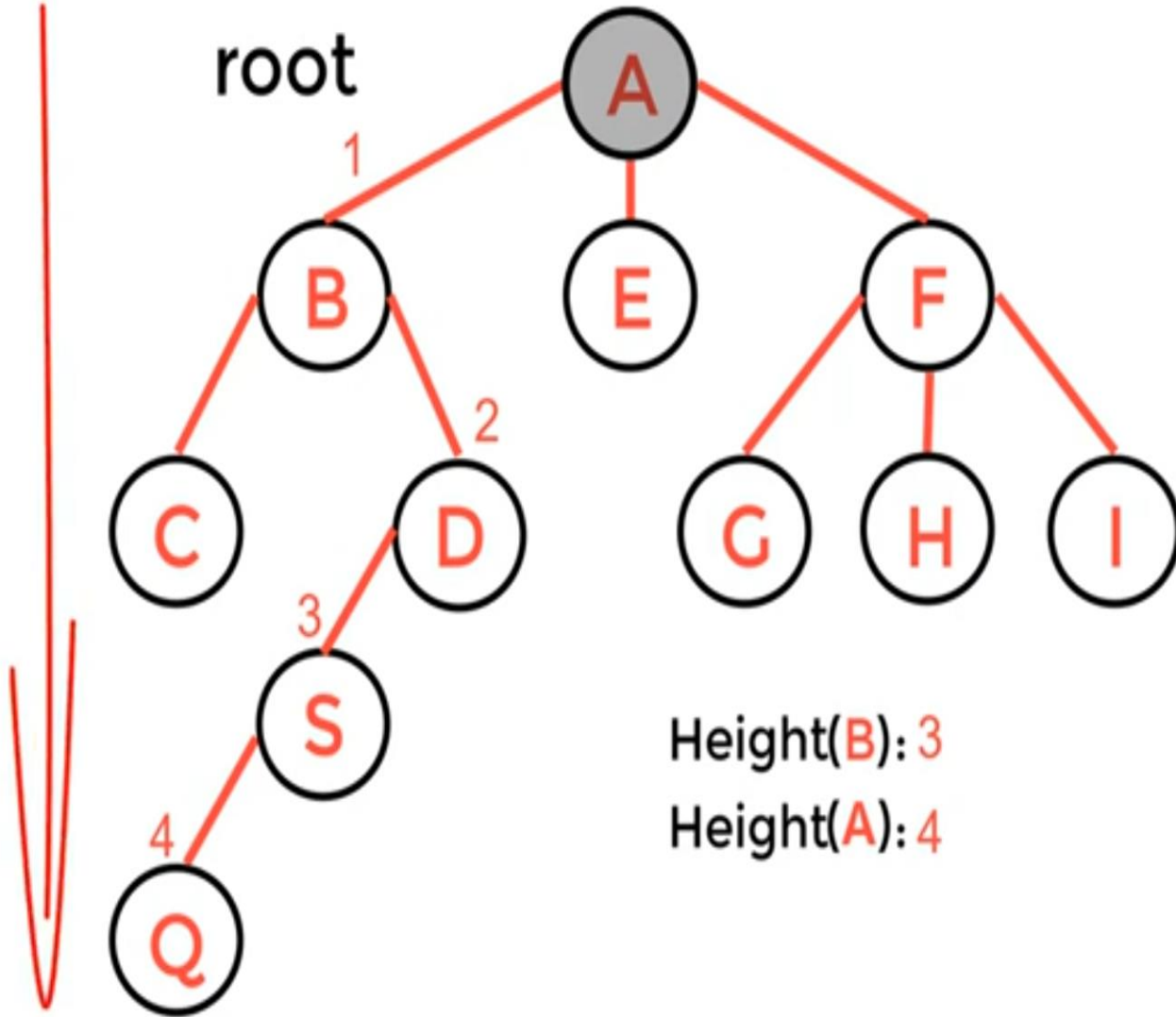


Depth(C): 2
Depth(A): 0

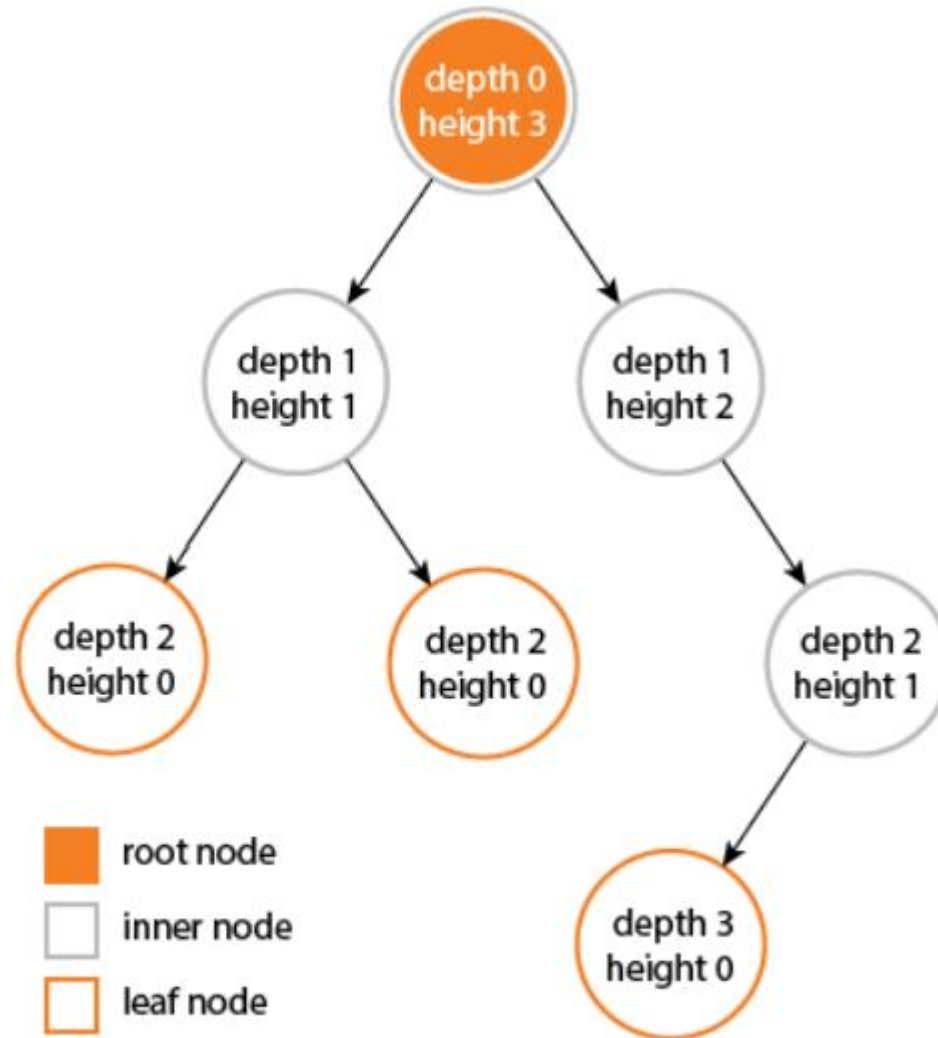
تعريف

■ ارتفاع عقدة $\text{height}(x)$ هو طول المسار (عدد الاضلاع) الواصل بين هذه العقدة والعقدة الورقية الأبعد (يجب أن تكون العقدة الورقية من احفاد العقدة x).

■ ارتفاع شجرة T هو ارتفاع عقدة الجذر (أطول ارتفاع في الشجرة).

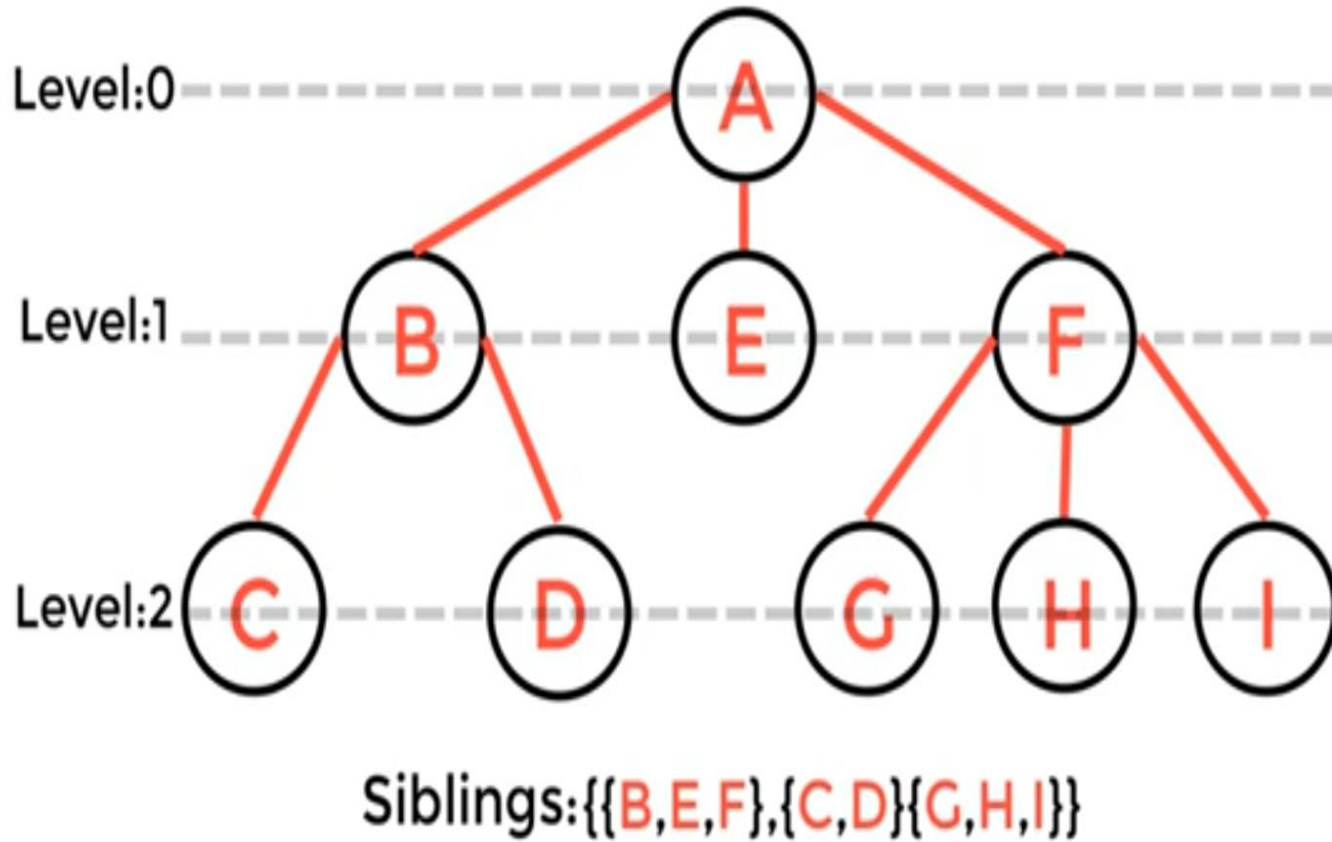


تعريف



تعريف

- تتوزع عقد الشجرة على عدة مستويات (Levels).



- باستخدام مفهوم المستويات يكون:

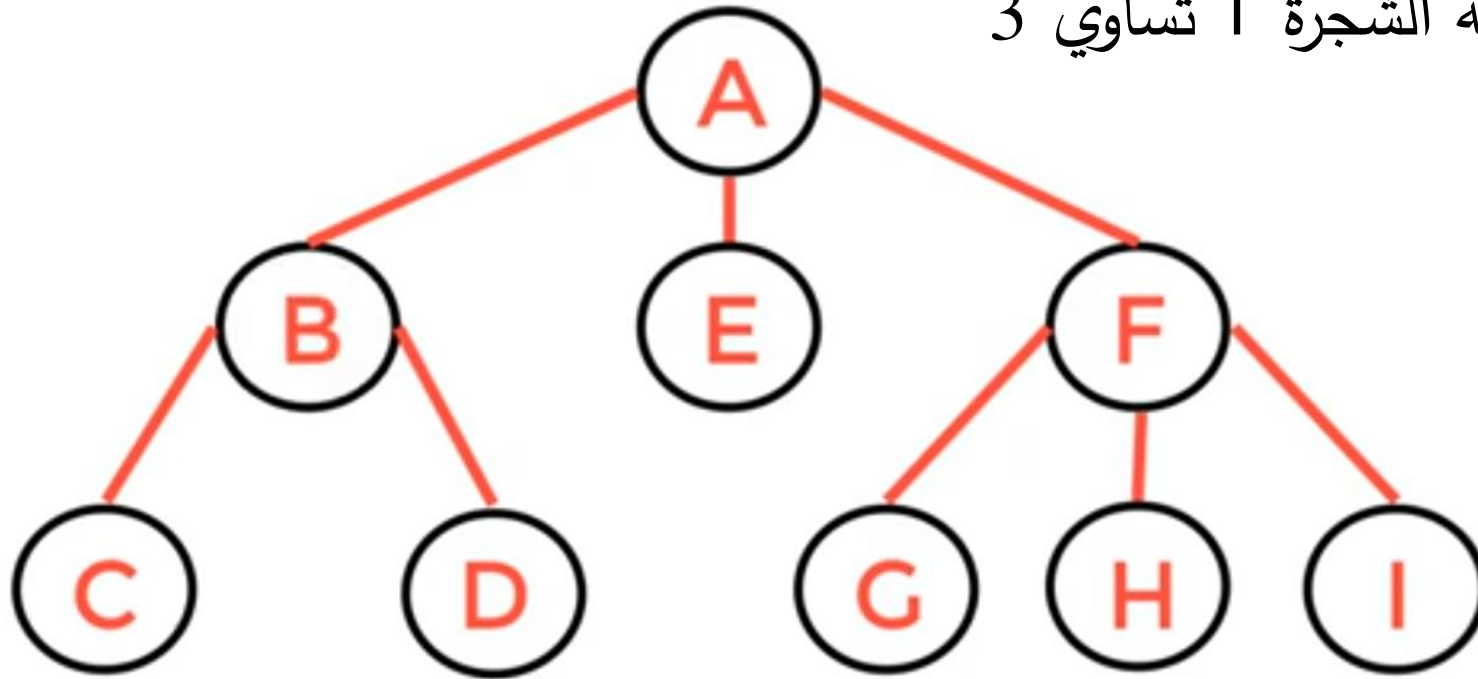
- عمق عقدة هو رقم المستوي الذي توجد فيه.

- ارتفاع الشجرة هو رقم المستوي الأخير.

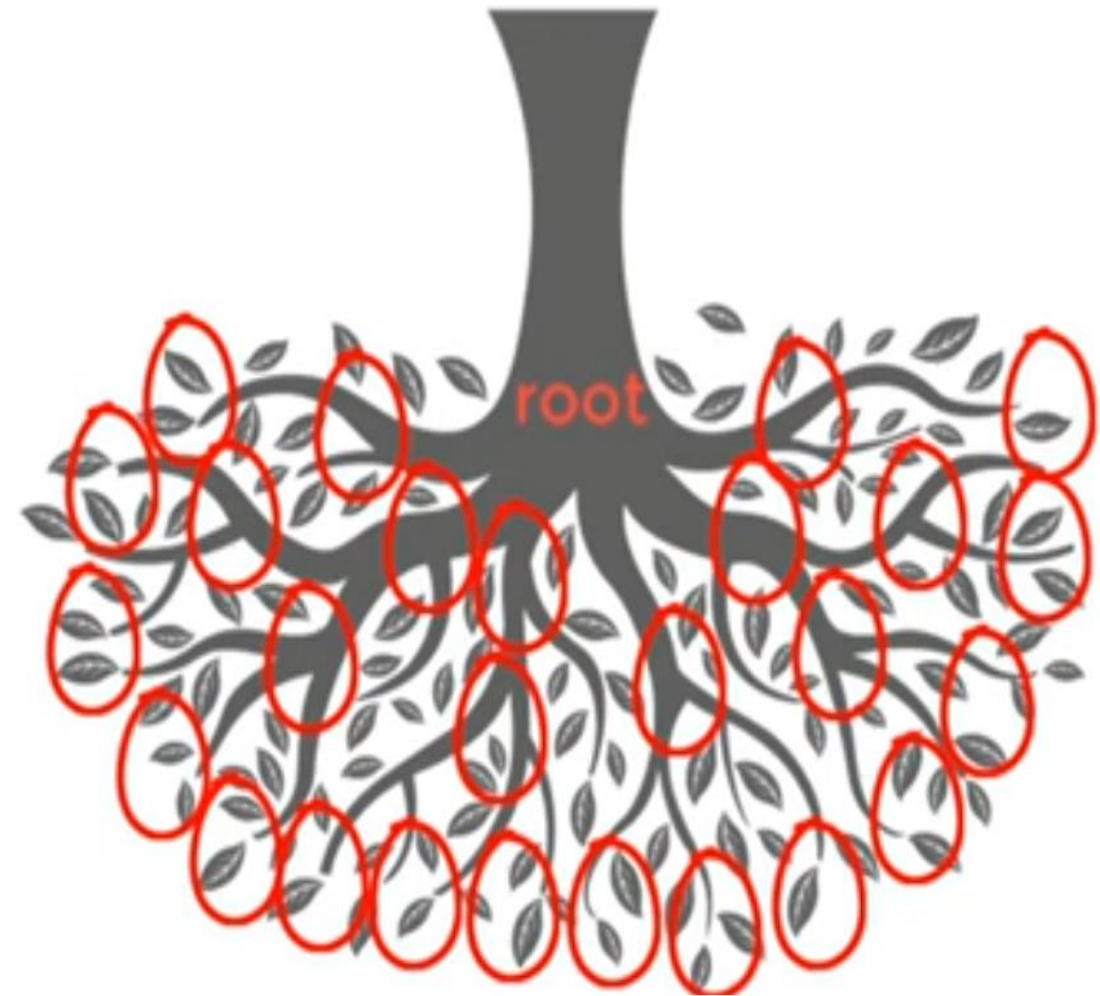
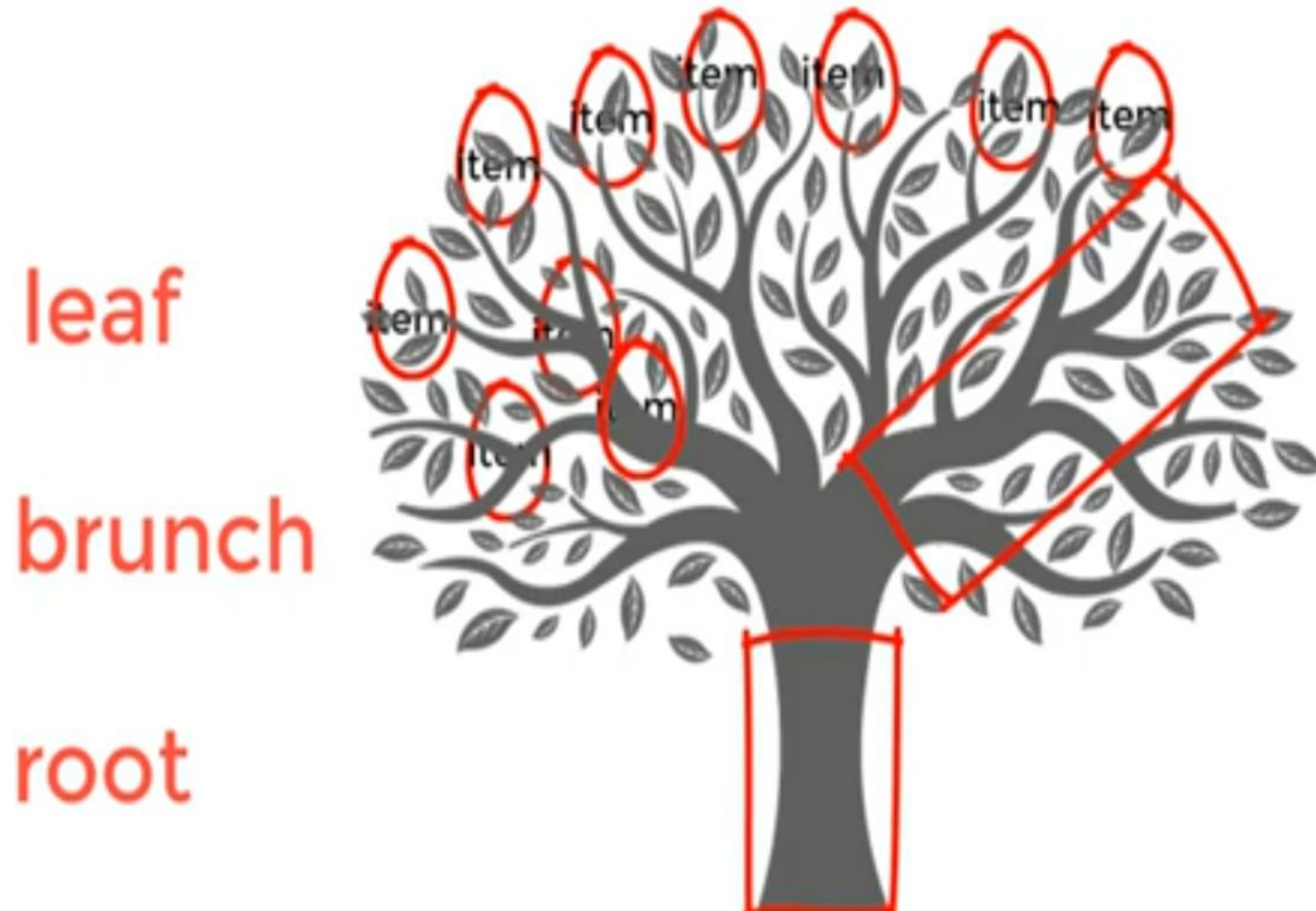
- عرض الشجرة هو العدد الأعظم للعقد الموجودة في مستوي ما.

تعريف

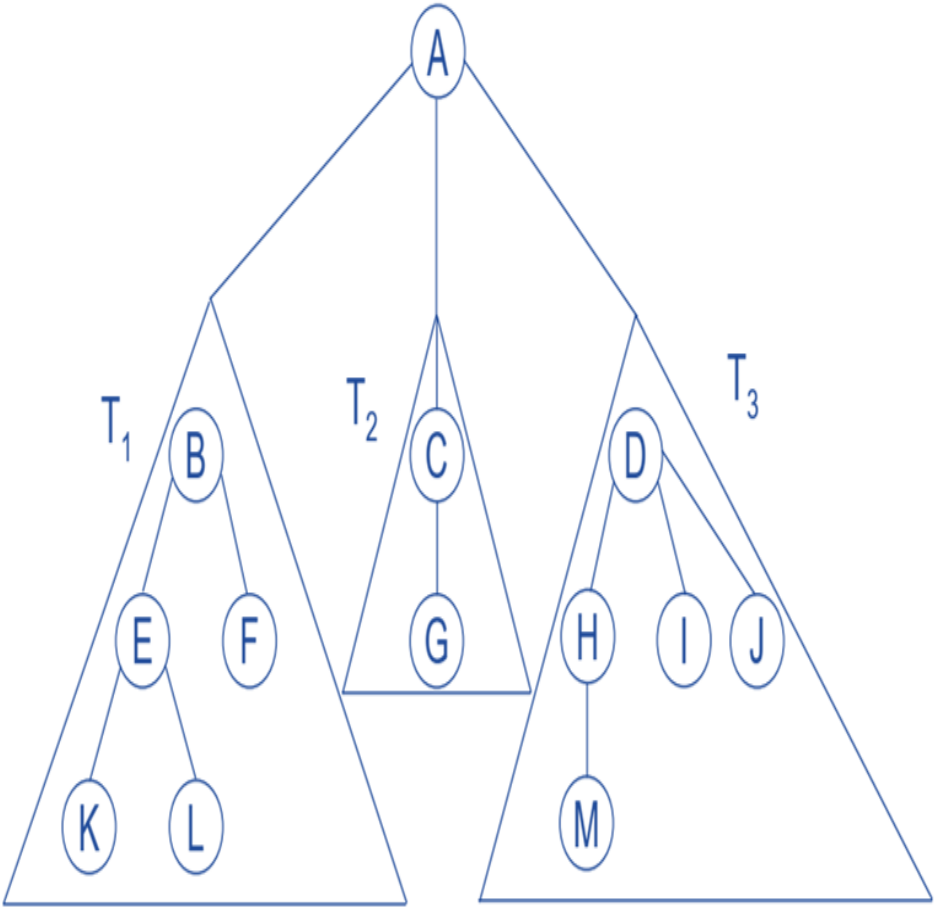
- درجة عقدة $\text{degree}(x)$ هي عدد الأشجار الفرعية للعقدة x .
 - مثال: $\text{degree}(B)=2$
- درجة الشجرة $\text{degree}(T)$ العدد الأعظمي للأشجار الفرعية لعقدة ما أي أن:
$$\text{degree}(T) = \max\{\text{degree}(x) \mid x \text{ is a node of } T\}$$
- في مثالنا درجة الشجرة T تساوي 3



تعريف

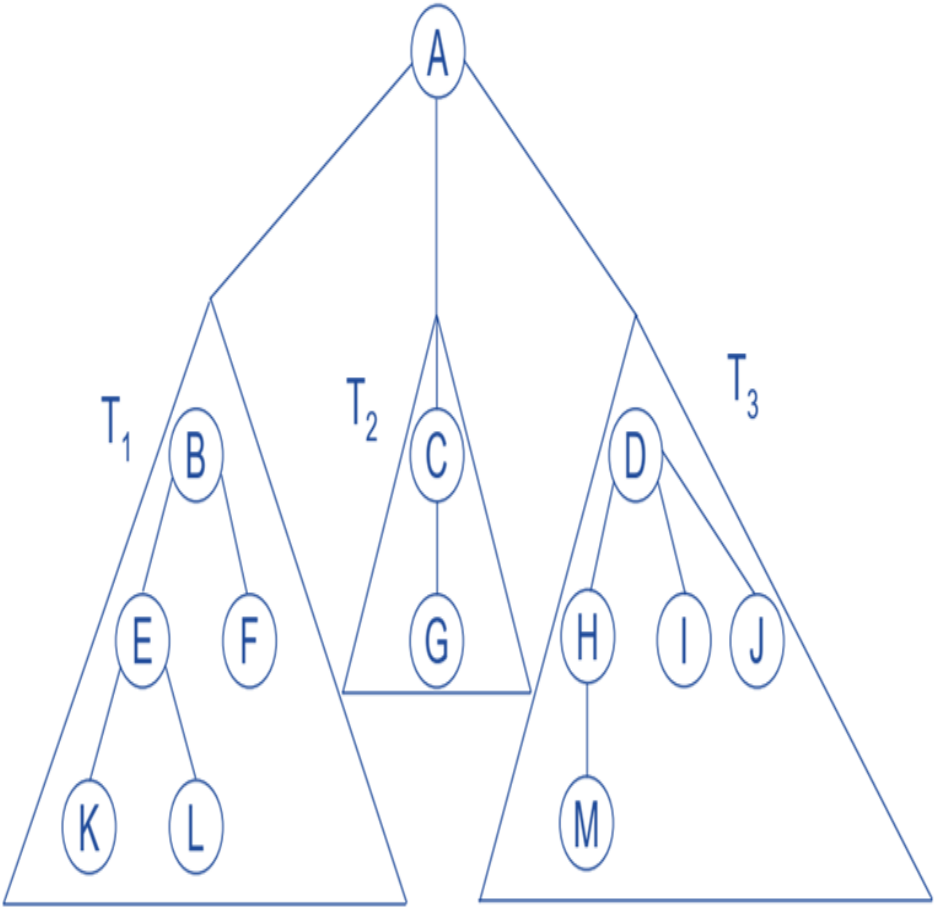


مثال



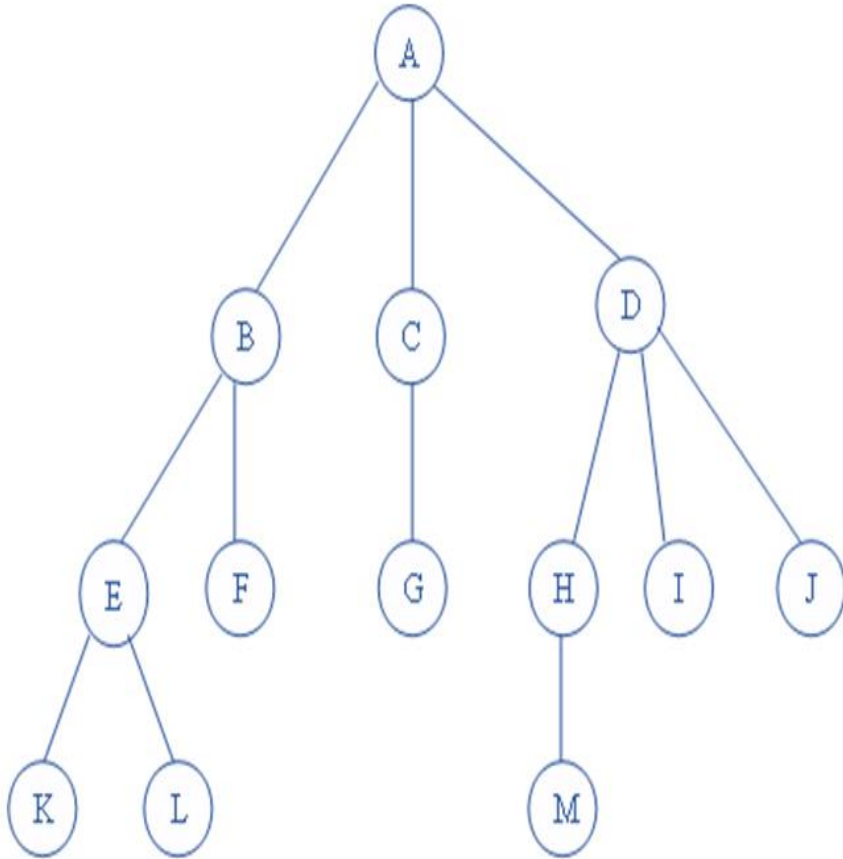
- تدعى المجموعات $T_1, T_2, \dots, T_n$ من _____ عقدة الجذر.
- تسمى كل من العقد B, C, D, E, H. _____
- تسمى كل من العقد K, L, F, G, M, I, J. _____
- تسمى العقدة B _____ للعقد E, F ، وبالعكس تسمى العقدتان E, F _____ للعقدة B.
- تسمى العقد H, I, J. _____
- تسمى كل من العقد H, D, A _____ للعقدة M
- تسمى كل من العقد K, L, E, F _____ للعقدة B.
- **درجة العقدة A** تساوي _____ و درجة العقدة C تساوي _____ و درجة العقدة F _____.
- **درجة الشجرة T** تساوي _____
- تشكل العقد A, D, H, M _____ في الشجرة T

مثال



- تدعى المجموعات $T_1, T_2, \dots, T_n$ أشجار فرعية من عقدة الجذر.
- تسمى كل من العقد B, C, D, E, H **عقدة داخلية**.
- تسمى كل من العقد K, L, F, G, M, I, J **عقدة ورقية**.
- تسمى العقدة B **أب** للعقد E, F ، وبالعكس تسمى العقدتان E, F **أولاد** للعقدة B .
- تسمى العقد H, I, J **أخوة** .
- تسمى كل من العقد H, D, A **سلفاً** للعقدة M
- تسمى كل من العقد K, L, E, F **أحفاد** للعقدة B .
- **درجة العقدة** A تساوي 3 و درجة العقدة C تساوي 1 و درجة العقدة F **صفر** .
- **درجة الشجرة** T تساوي 3
- تشكل العقد A, D, H, M **فرع** في الشجرة T

تعريف



- تسمى الشجرة:
 - شجرة من المرتبة n (أو **n -ary tree**)، عندما كل عقدة داخلية تمتلك على الأكثر n ولد.
 - شجرة **ممتلئة** من المرتبة n (**full n -ary tree**)، عندما تمتلك كل عقدة فيها n ولد بالضبط أو صفر ولد.
- مثال: الشجرة التالية هي (3 -ary tree) وليست شجرة ممتلئة.

تمثيل الأشجار

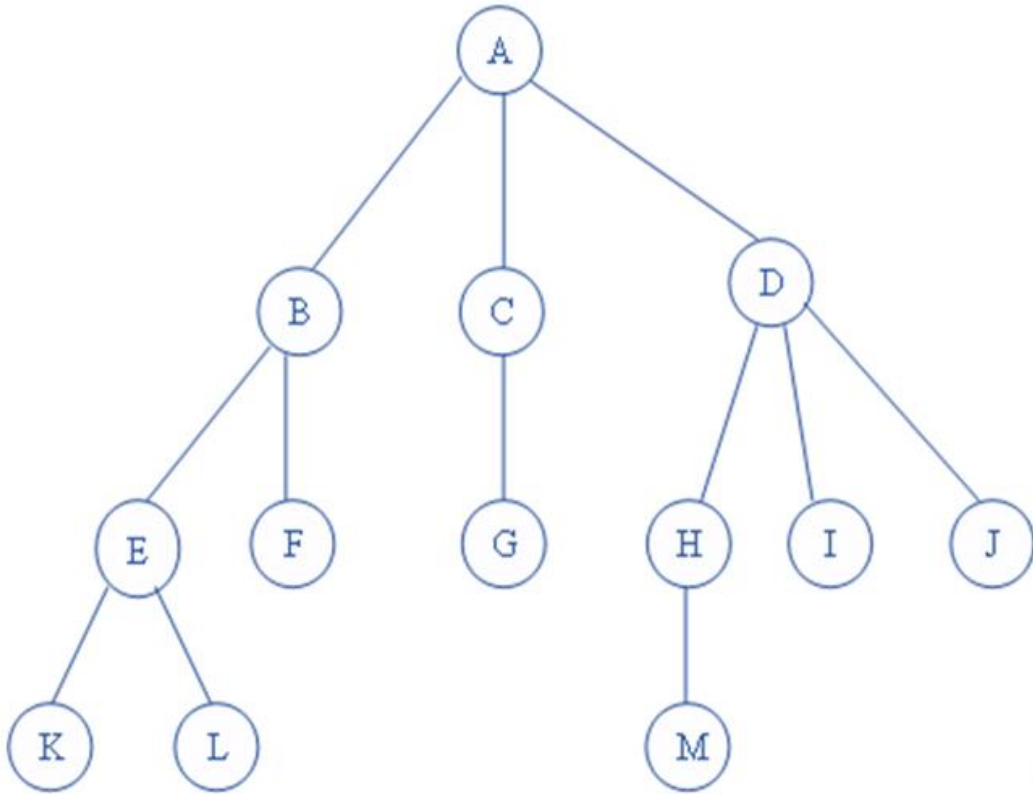
- يتم تمثيل الشجرة باستخدام:
 1. باستخدام القوائم الخطية
 2. باستخدام القوائم المترابطة
- باستخدام الابن اليساري – الأخ اليميني

تمثيل الأشجار باستخدام القوائم الخطية

- يتم تمثيل الشجرة على شكل قائمة خطية والتي فيها كل شجرة فرعية تكتب بشكل قائمة خطية أيضاً.
- يدعى أيضاً بتمثيل الأقواس المتداخلة

Nested Parenthesis Representation

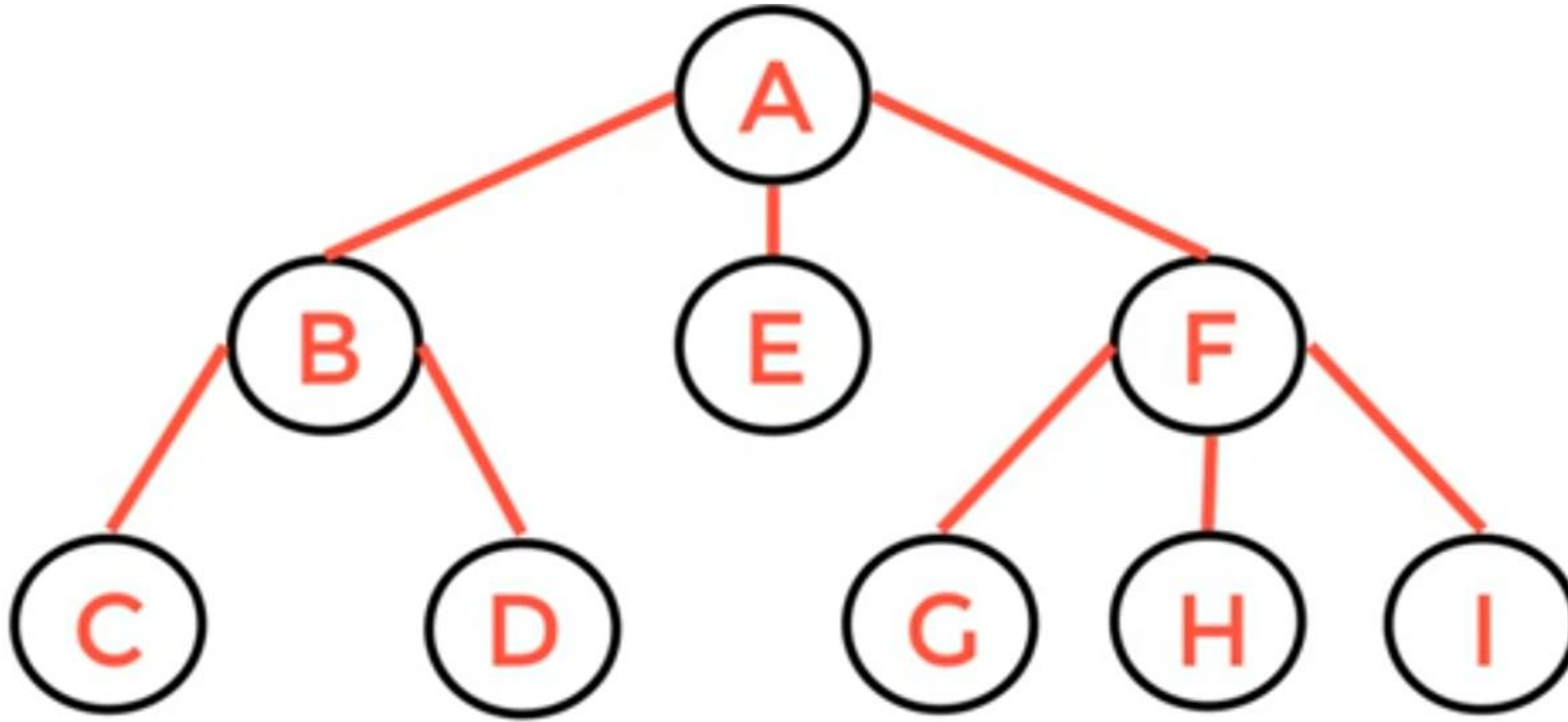
- مثال 1:



(A(B(E(K,L),F),C(G),D(H(M),I,J)))

تمثيل الأشجار باستخدام القوائم الخطية

■ مثال 2:



(A(B(C,D),E,F(G,H,I)))

تمثيل الأشجار باستخدام القوائم المترابطة

- يتم تمثيل الشجرة **بقائمة مترابطة من العقد**، حيث تتضمن كل عقدة حقل للبيانات وعدد من حقول الربط مع العقد الابناء.

data	Link1	Link2		link n
------	-------	-------	-------	--------

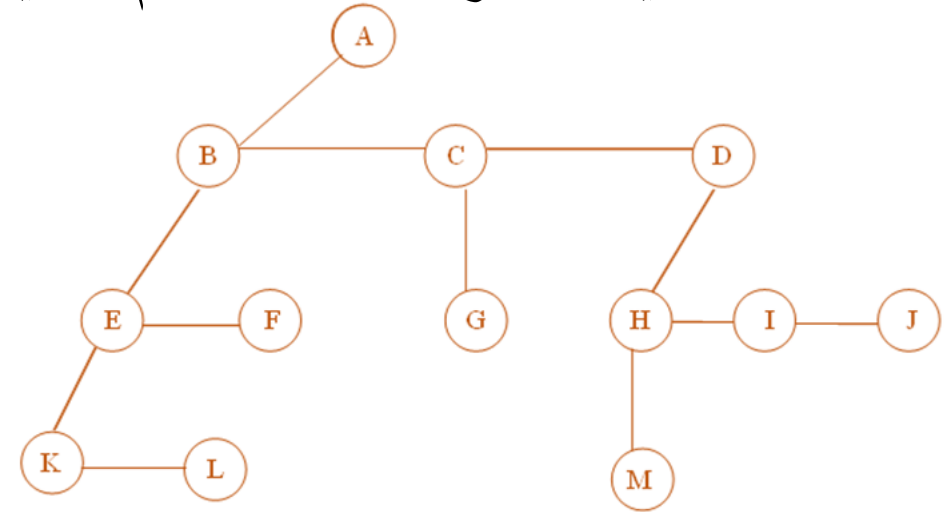
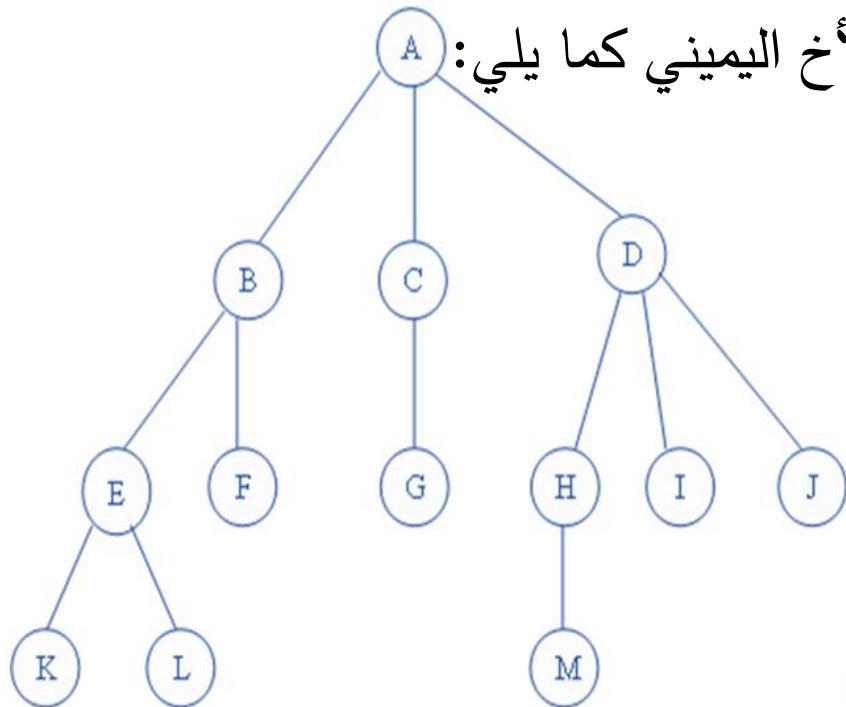
- يعتمد عدد حقول الربط على **عدد الأشجار الفرعية** لكل عقدة ← أي أن **حجم العقدة** في القائمة المترابطة **مختلف** من عقدة لأخرى.
- غالبا ما يكون التعامل مع العقد ذات **الحجم الثابت** أسهل، لذلك لابد من اللجوء إلى **طريقة تمثيل** يكون فيها عدد الحقول في كل عقدة ثابتا.
 - التمثيل باستخدام الابن اليساري – الأخ اليميني Left Child-Right Sibling

تمثيل الأشجار باستخدام الابن اليساري - الأخ اليميني

- في هذا التمثيل، تتكون بنية العقدة من ثلاثة حقول : حقل للبيانات، حقل ربط للابن اليساري، و حقل ربط للأخ اليميني :

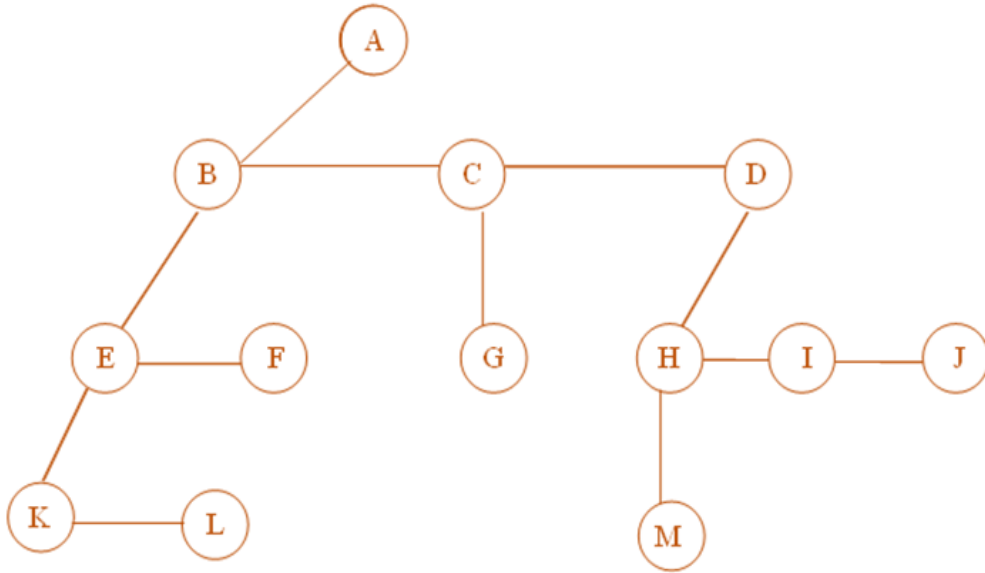
Data	
Left child	Right sibling

- في هذا التمثيل، **لا أهمية** لترتيب الأولاد في الشجرة ← **أي من أولاد العقدة** يمكن أن يكون ابن في أقصى اليسار، **وأي من اشقاء العقدة** يمكن أن يكون الأخ اليميني الأقرب.
- مثال 1 : يمكننا تمثيل الشجرة التالية باستخدام التمثيل الابن اليساري - الأخ اليميني كما يلي:

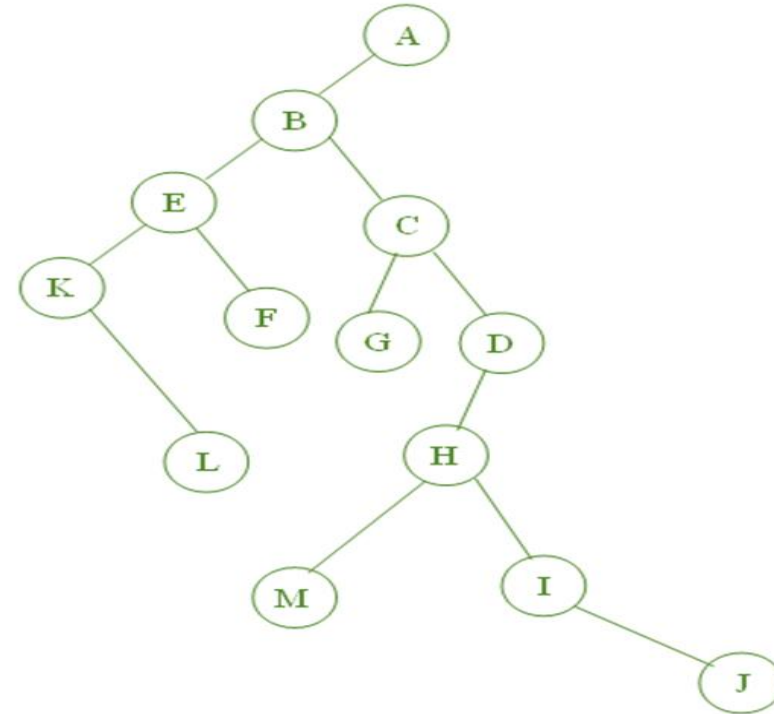


تمثيل الأشجار باستخدام الابن اليساري – الأخ اليميني

- بتدوير الشجرة الناتجة بزاوية دوران 45 درجة باتجاه دوران عقارب الساعة، نحصل على الشجرة التالية والتي فيها درجة كل عقدة على الأكثر 2 .
 - نسمي الأشجار الممثلة بهذه الطريقة أشجاراً ثنائية (Binary Trees)، بحيث كل عقدة في هذه الشجرة تملك ابنين (ابن يساري وابن يميني).



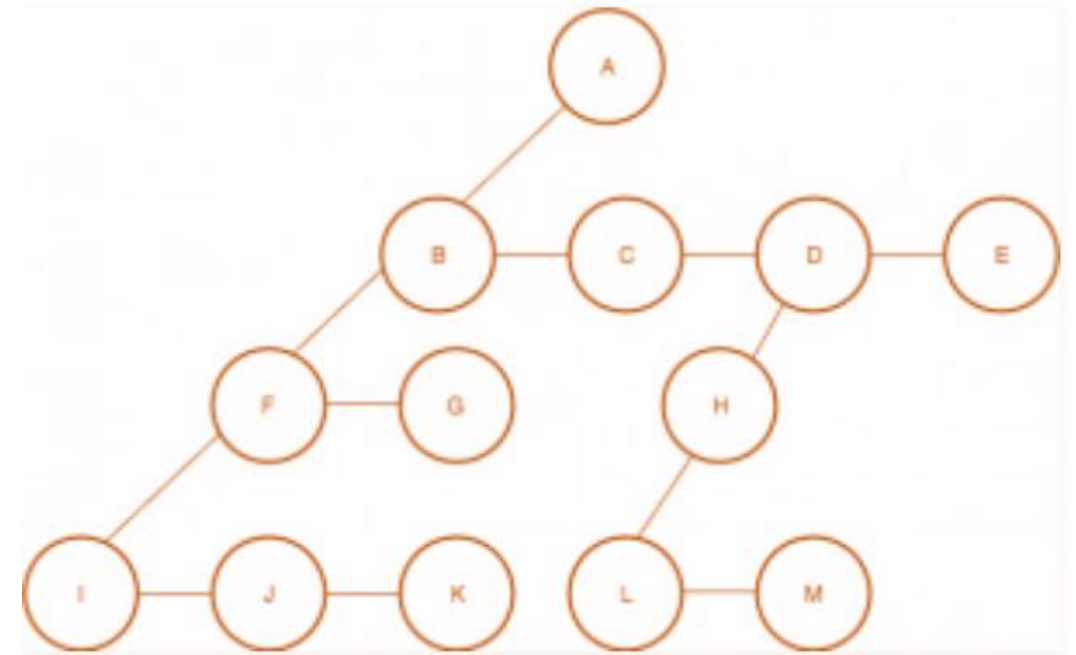
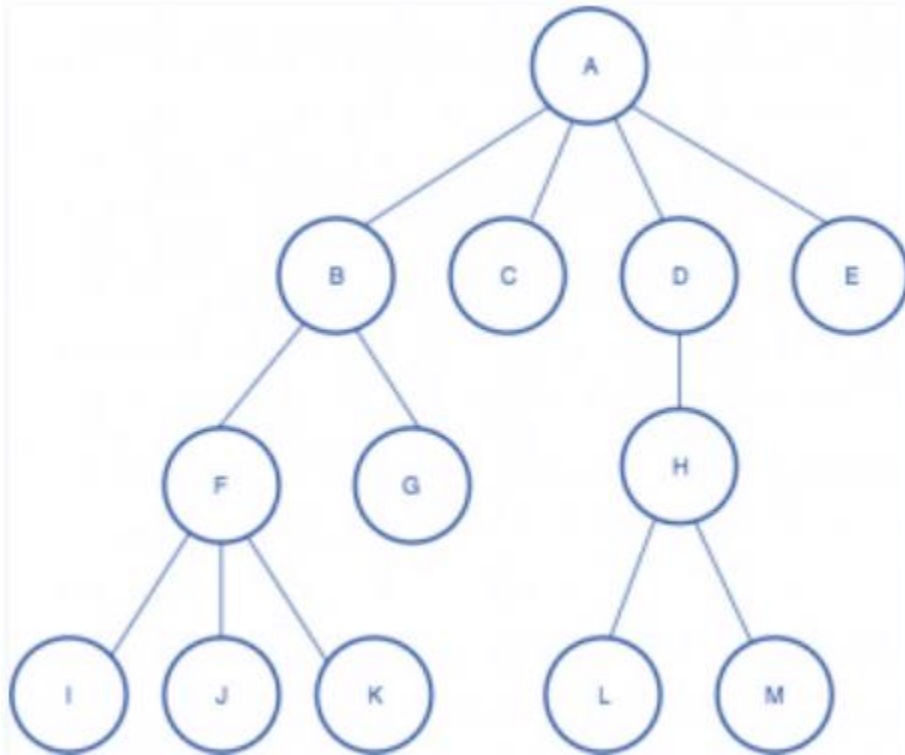
التمثيل باستخدام الابن اليساري – الأخ اليميني



التمثيل باستخدام الابن اليساري – الابن اليميني

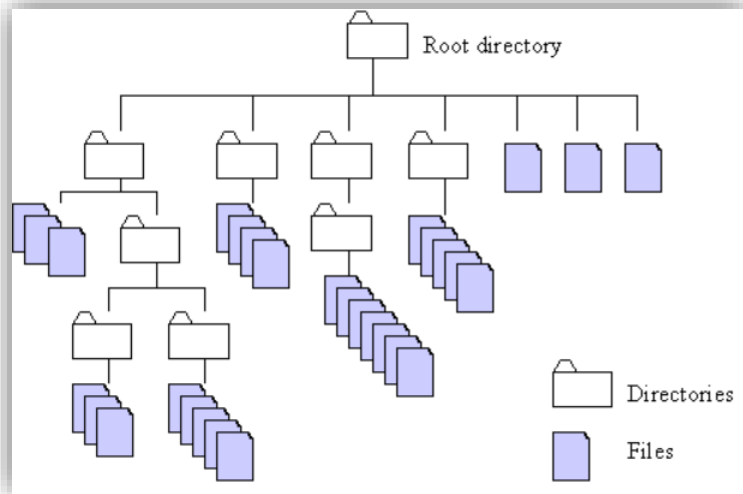
تمثيل الأشجار باستخدام الابن اليساري - الأخ اليميني

- مثال 2 : قم بتمثيل الشجرة التالية باستخدام تمثيل الابن اليساري - الأخ اليميني

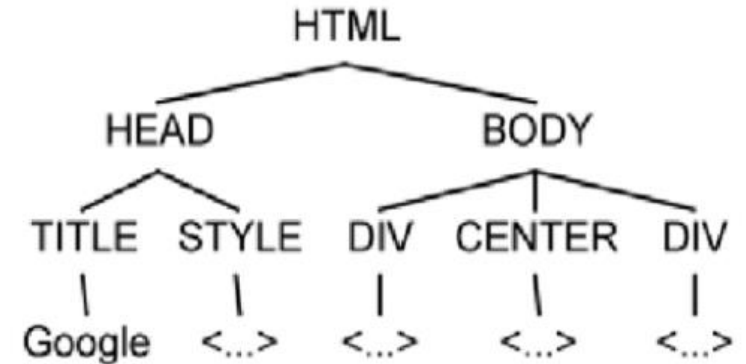


تطبيقات الأشجار

- تخزين المعطيات التي تمتلك عناصرها **علاقات هرمية** (hierarchical data) مثل
 - بنية تخزين الملفات في نظم التشغيل الحاسوبية (file system): مجلدات يحوي كل منها مجموعة من المجلدات الجزئية ومجموعة من الملفات.
 - البيانات المخزنة باستخدام (XML/HTML).

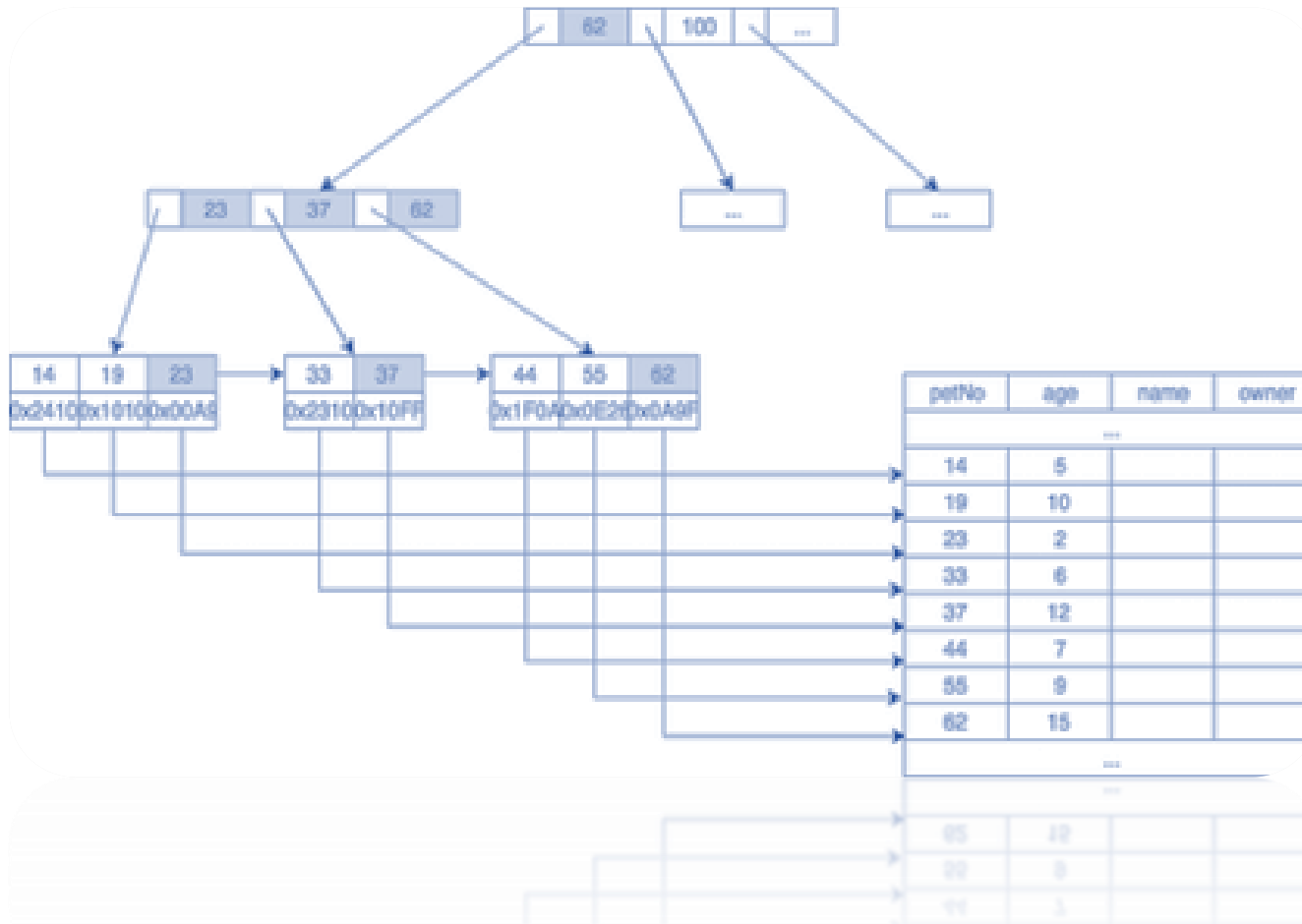


```
<html>
  <head>
    <title>Google</title>
    <style>...</style>
  </head>
  <body>
    <div>...</div>
    <center>...</center>
    <div>...</div>
  </body>
</html>
```



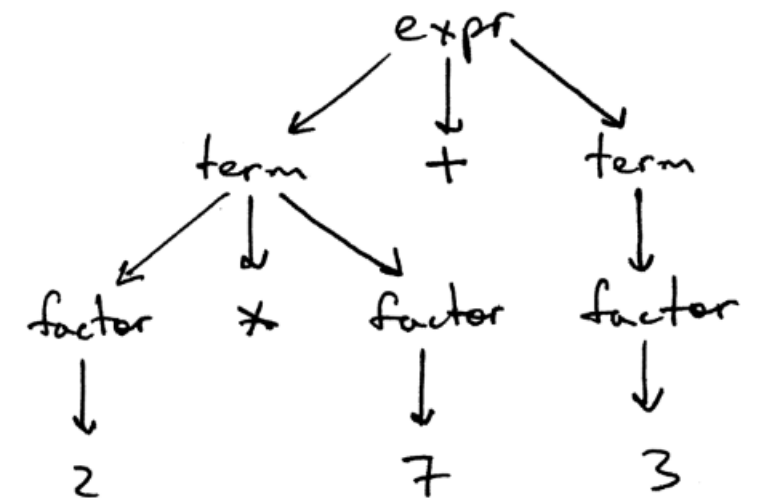
تطبيقات الأشجار

- يتم استخدام الأشجار (B-Tree) و (B+ Tree) لتحقيق الفهارس في قواعد البيانات.
- يتم استخدام (Syntax Tree) في المترجمات (Compilers) لتحليل العبارات الحسابية والمنطقية.

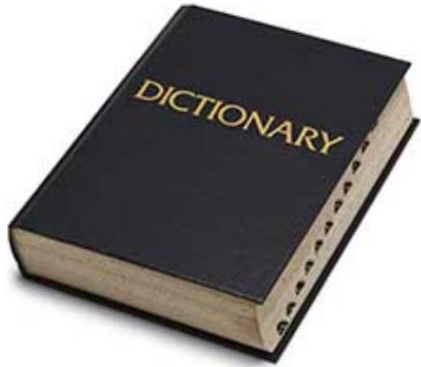


$2 * 7 + 3$

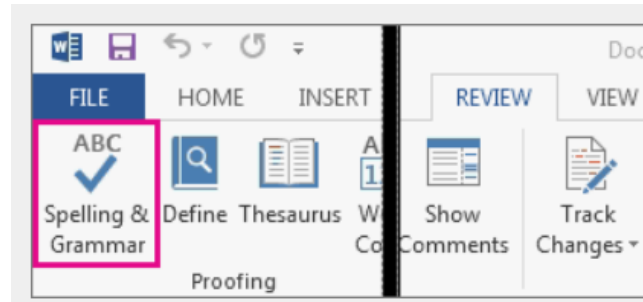
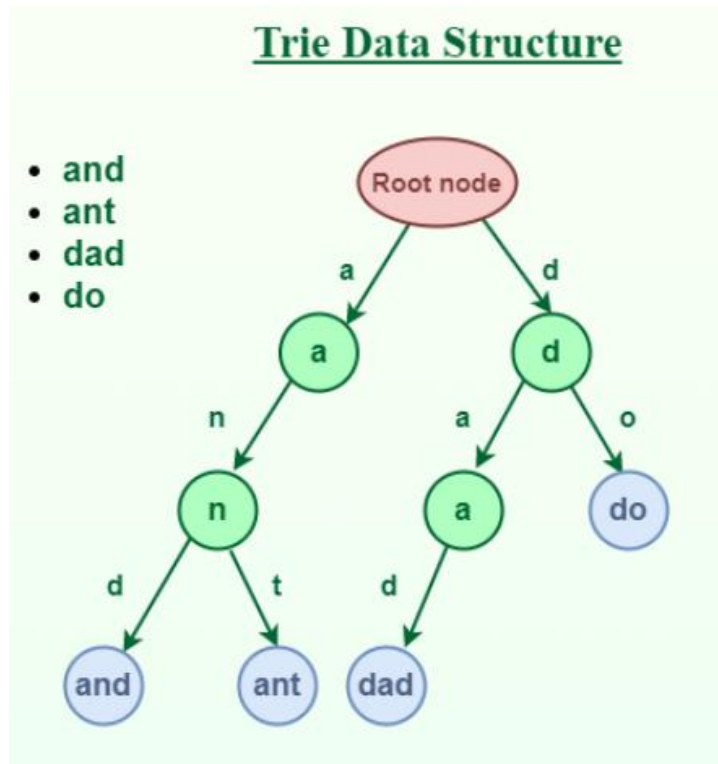
parse tree



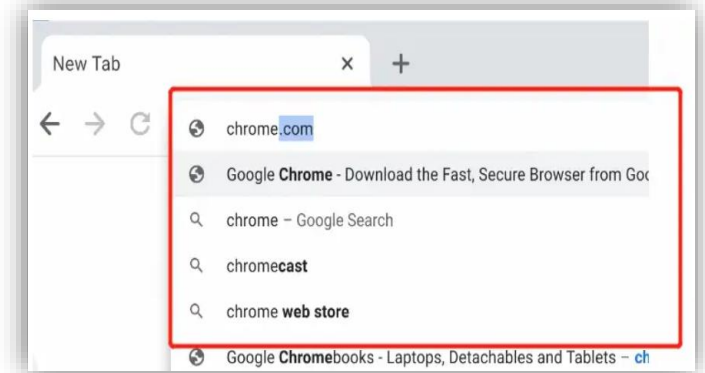
تطبيقات الأشجار



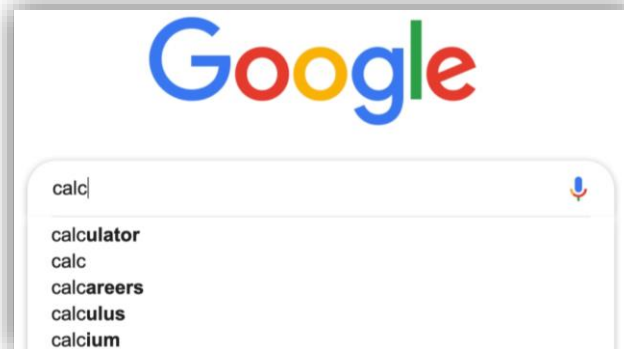
- يتم استخدام (Trie) لتحقيق وبناء القواميس المعجمية (dictionaries).



Spell Checkers/Auto-correct



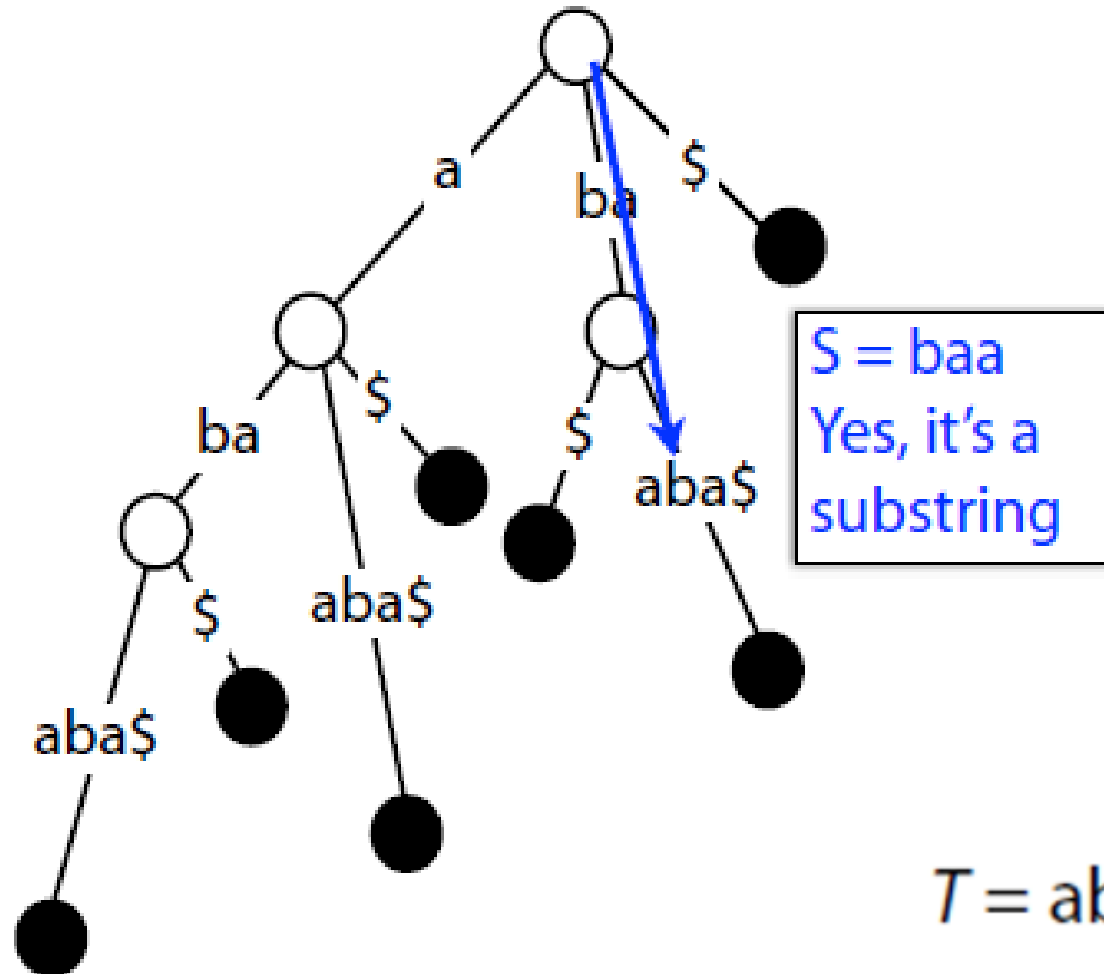
Browser history suggestions



Auto complete suggestions on entering prefix

تطبيقات الأشجار

- يتم استخدام (Suffix Tree) من أجل **البحث السريع** عن السلاسل الجزئية الموجودة في النصوص (fixed text).



تطبيقات الأشجار

- يتم استخدام أشجار الامتداد (Spanning Trees) في الشبكات الحاسوبية.
- تسمح شجرة البحث الثنائي (Binary Search Tree) بتسريع تنفيذ العمليات الخاصة ب البحث، الإضافة، والحذف للبيانات المخزنة فيها.
-

